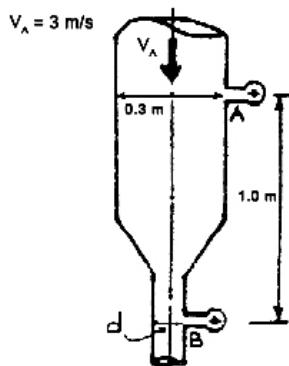


Ideal Akışkanların Bir Boyutlu Akımları

Soru 1 : Şekilde gösterilen boru sistemine monte edilmiş A ve B manometrelerinde aynı basınç değeri okunmaktadır. Enerji kayıplarını ihmal ederek B borusunun çapını belirleyiniz (*Boru düşeydedir.*).



A ile B arasında Süreklik Denklemi:

$$V_A \cdot S_A = V_B \cdot S_B$$

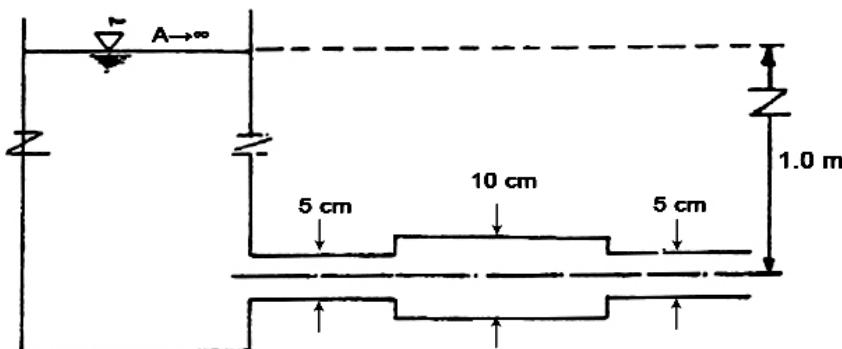
$$\Rightarrow 3 \cdot \frac{\pi \times 0.3^2}{4} = V_B \cdot \frac{\pi \times d^2}{4} \Rightarrow V_B = \frac{0.27}{d^2}$$

A ile B arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_A^2}{2g} + \frac{P_A}{\gamma_{su}} + z_A = \frac{V_B^2}{2g} + \frac{P_B}{\gamma_{su}} + z_B$$

$$P_A = P_B \Rightarrow \frac{3^2}{19.62} + 3 = \frac{V_B^2}{19.62} + 0 \Rightarrow V_B = 8.24 \text{ ms}^{-2} \Rightarrow d = 0.18 \text{ m}$$

Soru 2 : Akışkanı ideal kabul ederek, şekildeki hazne boru sisteminin debisini hesaplayınız; rölatif enerji ve piyezometre çizgilerini çiziniz.



A ile B arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_A^2}{2g} + \frac{P_A}{\gamma_{su}} + z_A = \frac{V_B^2}{2g} + \frac{P_B}{\gamma_{su}} + z_B$$

$$\forall_{\text{hazne}} \rightarrow \infty \Rightarrow V_A \approx 0$$

$$P_A = P_B = P_{\text{atm}}$$

$$\Rightarrow V_B = \sqrt{2g \cdot (z_A - z_B)} \Rightarrow V_B = 4.43 \text{ ms}^{-1}$$

$$Q = V_B \cdot S_B = 4.43 \cdot \frac{\pi \cdot 0.05^2}{4} = 0.0087 \text{ m}^3 \text{ s}^{-1} = 8.7 \text{ lts}^{-1}$$

$$Q = V_C \cdot S_C \Rightarrow V_C = \frac{0.0087}{\frac{\pi \times 0.1^2}{4}} = 1.11 \text{ ms}^{-1}$$

Ideal Akışkanların Bir Boyutlu Akımları

Tüm kesitlerde rölatif enerji yüksekliği:

$$H_E = \frac{V^2}{2g} + \frac{P_{Rölatif}}{\gamma} + z = 1 \text{ m}$$

Rölatif piyezometre yüksekliği:

$$H_P = H_E - \frac{V^2}{2g} = \frac{P_{Rölatif}}{\gamma} + z$$

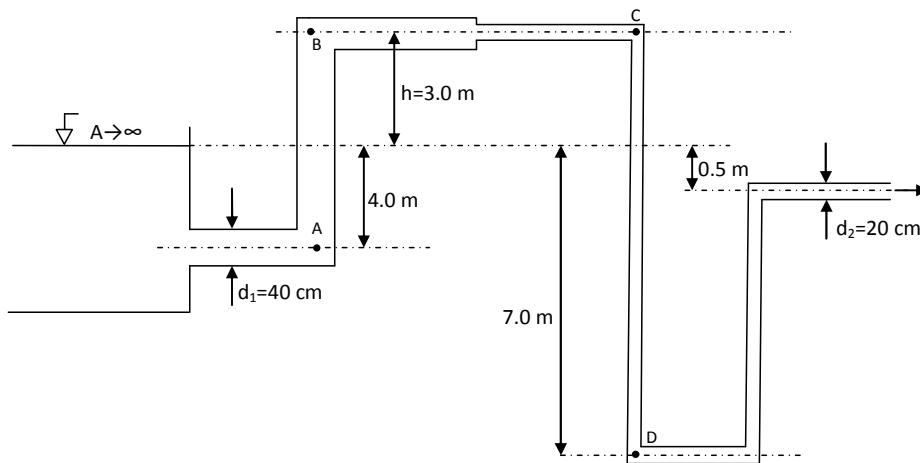
$$H_{P,A} = 1 \text{ m}$$

$$H_{P,C} = 1 - 0.0625 = 0.9375 \text{ m}$$

$$H_{P,B} = 0 \text{ m}$$

Rölatif piyezometre çizgisi, boru çapının 5 cm olduğu kesimlerde boru ekseninden, 10 cm olduğu kesimlerde ise 0.9375 m seviyesinden geçmektedir.

Soru 3 : Şekildeki verilen hazne boru sisteminin debisini hesaplayınız. A, B, C ve D noktalarındaki hız ve basınç değerlerini belirleyiniz. Sistemin mutlak ve rölatif enerji ve piyezometre çizgilerini çiziniz. Suyun mutlak buharlaşma basıncının değerini 2.26 kPa olarak h yüksekliğinin alabileceğini en büyük değeri hesaplayınız.



Hazne yüzeyi (1) ile çıkış kesiti (2) arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma_{su}} + z_1 = \frac{V_2^2}{2g} + \frac{P_2}{\gamma_{su}} + z_2$$

$$\forall_{\text{hazne}} \rightarrow \infty \Rightarrow V_1 \approx 0$$

$$P_1 = P_2 = P_{atm}$$

$$z_1 - z_2 = 7 - 6.5 = 0.5 \text{ m}$$

$$\Rightarrow V_2 = \sqrt{2g \cdot (z_1 - z_2)} \Rightarrow V_2 = 3.13 \text{ ms}^{-1}$$

$$Q = V_2 \cdot S_2 = 3.13 \cdot \frac{\pi \cdot 0.2^2}{4} = 0.098 \text{ m}^3 \text{ s}^{-1}$$

$$Q = V_A \cdot S_A \Rightarrow V_A = \frac{0.098}{\pi \cdot 0.4^2 / 4} = 0.78 \text{ ms}^{-1}$$

$$Q = V_2 \cdot S_2 = V_A \cdot S_A = V_B \cdot S_B = V_C \cdot S_C = V_D \cdot S_D$$

$$d_A = d_B \Rightarrow S_A = S_B \Rightarrow V_B = V_A = 0.78 \text{ ms}^{-1}$$

$$d_C = d_D = d_2 \Rightarrow S_C = S_D \Rightarrow V_C = V_D = V_2 = 3.13 \text{ ms}^{-1}$$



Ideal Akışkanların Bir Boyutlu Akımları

Hazne yüzeyi (1) ile A noktası arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma_{su}} + z_1 = \frac{V_A^2}{2g} + \frac{P_A}{\gamma_{su}} + z_A$$

$$\forall_{\text{hazne}} \rightarrow \infty \Rightarrow V_1 \approx 0$$

$$(P_1)_{\text{Rölatif}} = (P_{\text{atm}})_{\text{Rölatif}} = 0$$

$$z_1 - z_A = 4 \text{ m}$$

$$\frac{V_A^2}{2g} = 0.03 \text{ m}$$

$$\Rightarrow \frac{(P_A)_{\text{Rölatif}}}{\gamma_{su}} = 3.97 \text{ m} \Rightarrow (P_A)_{\text{Rölatif}} = 38.94 \text{ kPa} \Rightarrow (P_A)_{\text{Mutlak}} = (P_A)_{\text{Rölatif}} + (P_{\text{atm}})_{\text{Mutlak}} = 38.94 + 101.325 = 140.265 \text{ kPa}$$

Hazne yüzeyi (1) ile B noktası arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma_{su}} + z_1 = \frac{V_B^2}{2g} + \frac{P_B}{\gamma_{su}} + z_B$$

$$\forall_{\text{hazne}} \rightarrow \infty \Rightarrow V_1 \approx 0$$

$$(P_1)_{\text{Rölatif}} = (P_{\text{atm}})_{\text{Rölatif}} = 0$$

$$z_1 - z_B = -3 \text{ m}$$

$$\frac{V_B^2}{2g} = 0.03 \text{ m}$$

$$\Rightarrow \frac{(P_B)_{\text{Rölatif}}}{\gamma_{su}} = -3.03 \text{ m} \Rightarrow (P_B)_{\text{Rölatif}} = -29.72 \text{ kPa} \Rightarrow (P_B)_{\text{Mutlak}} = (P_B)_{\text{Rölatif}} + (P_{\text{atm}})_{\text{Mutlak}} = -29.72 + 101.325 = 71.605 \text{ kPa}$$

Hazne yüzeyi (1) ile C noktası arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma_{su}} + z_1 = \frac{V_C^2}{2g} + \frac{P_C}{\gamma_{su}} + z_C$$

$$\forall_{\text{hazne}} \rightarrow \infty \Rightarrow V_1 \approx 0$$

$$(P_1)_{\text{Rölatif}} = (P_{\text{atm}})_{\text{Rölatif}} = 0$$

$$z_1 - z_C = -3 \text{ m}$$

$$\frac{V_C^2}{2g} = 0.5 \text{ m}$$

$$\Rightarrow \frac{(P_C)_{\text{Rölatif}}}{\gamma_{su}} = -3.5 \text{ m} \Rightarrow (P_C)_{\text{Rölatif}} = -34.3 \text{ kPa} \Rightarrow (P_C)_{\text{Mutlak}} = (P_C)_{\text{Rölatif}} + (P_{\text{atm}})_{\text{Mutlak}} = -34.3 + 101.325 = 67.025 \text{ kPa}$$

Hazne yüzeyi (1) ile D noktası arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma_{su}} + z_1 = \frac{V_D^2}{2g} + \frac{P_D}{\gamma_{su}} + z_D$$

$$\forall_{\text{hazne}} \rightarrow \infty \Rightarrow V_1 \approx 0$$

$$(P_1)_{\text{Rölatif}} = (P_{\text{atm}})_{\text{Rölatif}} = 0$$

$$z_1 - z_D = 7 \text{ m}$$

$$\frac{V_D^2}{2g} = 0.5 \text{ m}$$

$$\Rightarrow \frac{(P_D)_{\text{Rölatif}}}{\gamma_{su}} = 6.5 \text{ m} \Rightarrow (P_D)_{\text{Rölatif}} = 63.77 \text{ kPa} \Rightarrow (P_D)_{\text{Mutlak}} = (P_D)_{\text{Rölatif}} + (P_{\text{atm}})_{\text{Mutlak}} = 63.77 + 101.325 = 165.1 \text{ kPa}$$

Rölatif ve mutlak enerji yükseklikleri:

$$H_E = \frac{V^2}{2g} + \frac{P_{\text{Rölatif}}}{\gamma} + z$$

$$P_{\text{Mutlak}} = P_{\text{atm}} + P_{\text{Rölatif}} \Rightarrow H_{E,\text{Mutlak}} = \frac{V^2}{2g} + \frac{P_{\text{Mutlak}}}{\gamma} + z = H_E + 10.33 \text{ m}$$

İdeal akışkan \Rightarrow Sistemde enerji kaybı mevcut değil \Rightarrow Tüm noktalar için rölatif ve mutlak enerji yükseklikleri:

$$H_E = \frac{V^2}{2g} + \frac{P_{\text{Rölatif}}}{\gamma} + z = \frac{V_1^2}{2g} + \frac{(P_1)_{\text{Rölatif}}}{\gamma_{su}} + z_1 = 0 + 0 + 7 = 7 \text{ m}$$

$$H_{E,\text{Mutlak}} = \frac{V^2}{2g} + \frac{P_{\text{Mutlak}}}{\gamma} + z = \frac{V_1^2}{2g} + \frac{(P_1)_{\text{Mutlak}}}{\gamma_{su}} + z_1 = 0 + 10.33 + 7 = 17.33 \text{ m}$$

Ideal Akışkanların Bir Boyutlu Akımları

Rölatif ve mutlak piyezometre yükseklikleri:

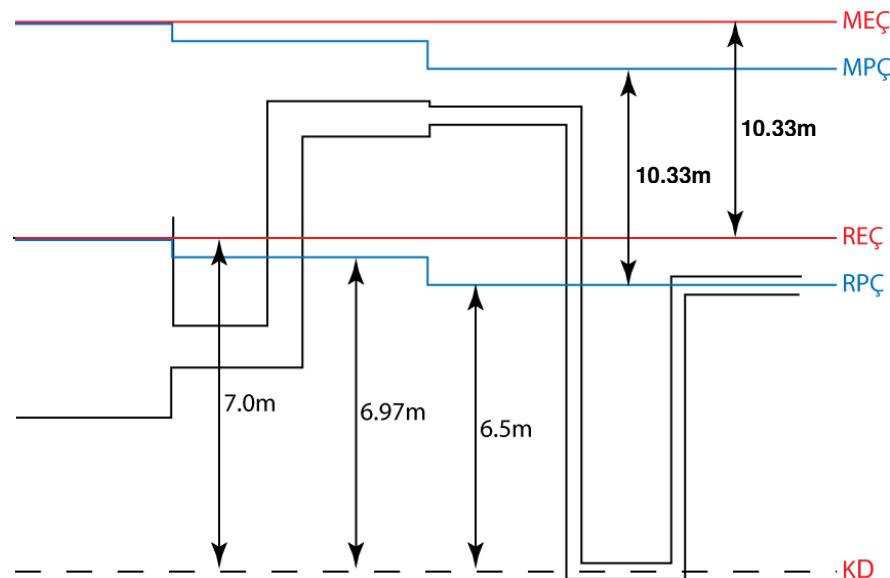
$$H_p = H_E - \frac{V^2}{2g} = \frac{P_{Rölatif}}{\gamma} + z$$

$$P_{Mutlak} = P_{atm} + P_{Rölatif} \Rightarrow H_{p,Mutlak} = H_{E,Mutlak} - \frac{V^2}{2g} = \frac{P_{Mutlak}}{\gamma} + z = H_p + 10.33 \text{ m}$$

$$H_{p,i} = H_{E,i} - \frac{V_i^2}{2g} = 7 - 0 = 7 \text{ m} \Rightarrow (H_{p,i})_{Mutlak} = 7 + 10.33 = 17.33 \text{ m}$$

$$H_{p,A} = H_{E,A} - \frac{V_A^2}{2g} = H_{p,B} = H_{E,B} - \frac{V_B^2}{2g} = 7 - 0.03 = 6.97 \text{ m} \Rightarrow (H_{p,A})_{Mutlak} = 6.97 + 10.33 = 17.3 \text{ m}$$

$$H_{p,C} = H_{E,C} - \frac{V_C^2}{2g} = H_{p,D} = H_{E,D} - \frac{V_D^2}{2g} = H_{p,2} = H_{E,2} - \frac{V_2^2}{2g} = 7 - 0.5 = 6.5 \text{ m} \Rightarrow (H_{p,C})_{Mutlak} = 6.5 + 10.33 = 16.83 \text{ m}$$



Hazne yüzeyi (1) ile C noktası arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma_{su}} + z_1 = \frac{V_C^2}{2g} + \frac{P_C}{\gamma_{su}} + z_C$$

$$\forall_{\text{hazne}} \rightarrow \infty \Rightarrow V_1 \approx 0$$

$$h = h_{\max} \Rightarrow (P_C)_{Mutlak} = (P_C)_{Mutlak,\min}$$

$$(P_1)_{Mutlak} = (P_{atm})_{Mutlak} = 10.33 \text{ kPa}$$

$$(P_C)_{Mutlak,\min} = 2.26 \text{ kPa} \Rightarrow \frac{(P_C)_{Mutlak}}{\gamma_{su}} = 0.23 \text{ m}$$

$$z_1 - z_C = -h_{\max}$$

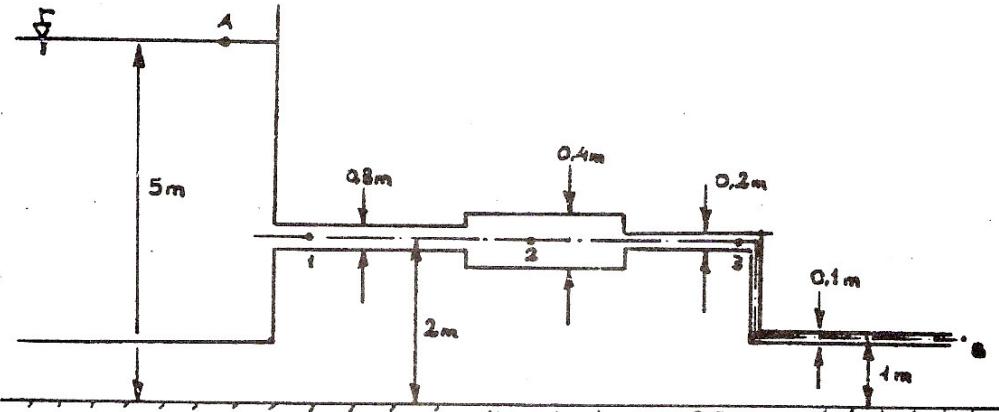
$$\frac{V_C^2}{2g} = 0.5 \text{ m}$$

$$\Rightarrow h_{\max} = 9.6 \text{ m}$$

Ideal Akışkanların Bir Boyutlu Akımları

Soru 4: Aşağıdaki şekilde gösterilen sistem için:

- “1”, “2”, ve “3” nolu noktalardaki basınçları hesaplayınız.
- Sistemin mutlak ve rölatif enerji ile mutlak ve rölatif piyezometre çizgilerini çiziniz.



Hazne yüzeyi (A) ile çıkış kesiti (B) arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_A^2}{2g} + \frac{P_A}{\gamma_{su}} + z_A = \frac{V_B^2}{2g} + \frac{P_B}{\gamma_{su}} + z_B$$

$$\forall \text{ hazne} \rightarrow \infty \Rightarrow V_1 \approx 0$$

$$P_A = P_B = P_{atm}$$

$$z_A - z_B = 5 - 1 = 4 \text{ m}$$

$$\Rightarrow V_B = \sqrt{2g \cdot (z_A - z_B)} \Rightarrow V_B = 8.86 \text{ ms}^{-1}$$

$$Q = V_1 \cdot A_1 = V_2 \cdot A_2 = V_3 \cdot A_3 = V_B \cdot A_B$$

$$V_1 = 0.98 \text{ m s}^{-1}; V_2 = 0.55 \text{ m s}^{-1}; V_3 = 2.22 \text{ m s}^{-1}$$

A ile 1 noktası arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma_{su}} + z_1 = \frac{V_A^2}{2g} + \frac{P_A}{\gamma_{su}} + z_A$$

$$\left. \begin{aligned} z_A - z_1 &= 3 \text{ m} \\ \frac{V_1^2}{2g} &= 0.05 \text{ m} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{(P_1)_{Rölatif}}{\gamma_{su}} = 2.95 \text{ m} \Rightarrow (P_1)_{Rölatif} = 28.94 \text{ kPa} \Rightarrow (P_1)_{Mutlak} = (P_1)_{Rölatif} + (P_{atm})_{Mutlak} = 28.94 + 101.325 = 130.265 \text{ kPa}$$

A ile 2 noktası arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_2^2}{2g} + \frac{P_2}{\gamma_{su}} + z_2 = \frac{V_A^2}{2g} + \frac{P_A}{\gamma_{su}} + z_A$$

$$\left. \begin{aligned} z_A - z_2 &= 3 \text{ m} \\ \frac{V_2^2}{2g} &= 0.015 \text{ m} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{(P_2)_{Rölatif}}{\gamma_{su}} = 2.985 \text{ m} \Rightarrow (P_2)_{Rölatif} = 29.28 \text{ kPa} \Rightarrow (P_2)_{Mutlak} = (P_2)_{Rölatif} + (P_{atm})_{Mutlak} = 29.28 + 101.325 = 130.605 \text{ kPa}$$

A ile 3 noktası arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_3^2}{2g} + \frac{P_3}{\gamma_{su}} + z_3 = \frac{V_A^2}{2g} + \frac{P_A}{\gamma_{su}} + z_A$$

$$\left. \begin{aligned} z_A - z_3 &= 3 \text{ m} \\ \frac{V_3^2}{2g} &= 0.25 \text{ m} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{(P_3)_{Rölatif}}{\gamma_{su}} = 2.75 \text{ m} \Rightarrow (P_3)_{Rölatif} = 26.98 \text{ kPa} \Rightarrow (P_3)_{Mutlak} = (P_3)_{Rölatif} + (P_{atm})_{Mutlak} = 26.98 + 101.325 = 128.305 \text{ kPa}$$

Ideal Akışkanların Bir Boyutlu Akımları

Rölatif enerji çizgisi kotları:

$$H_{A,r} = \frac{V_A^2}{2g} + \frac{P_{\text{Rölatif}}}{\gamma} + z_A = 0 + 0 + 5 = 5 \text{ m}$$

$$H_{l,r} = \frac{V_l^2}{2g} + \frac{P_{\text{Rölatif}}}{\gamma} + z_l = 0.05 + 2.95 + 2 = 5 \text{ m}$$

$$H_{2,r} = \frac{V_2^2}{2g} + \frac{P_{\text{Rölatif}}}{\gamma} + z_2 = 0.015 + 2.985 + 2 = 5 \text{ m}$$

$$H_{3,r} = \frac{V_3^2}{2g} + \frac{P_{\text{Rölatif}}}{\gamma} + z_3 = 0.25 + 2.75 + 2 = 5 \text{ m}$$

$$H_{B,r} = \frac{V_B^2}{2g} + \frac{P_{\text{Rölatif}}}{\gamma} + z_B = 4 + 0 + 1 = 5 \text{ m}$$

Rölatif piyezometre çizgisi kotları:

$$H_{PA,r} = H_{A,r} - \frac{V_A^2}{2g} = \frac{P_{\text{Rölatif}}}{\gamma} + z_A = 5 \text{ m}$$

$$H_{P1,r} = 4.95 \text{ m}$$

$$H_{P2,r} = 4.985 \text{ m}$$

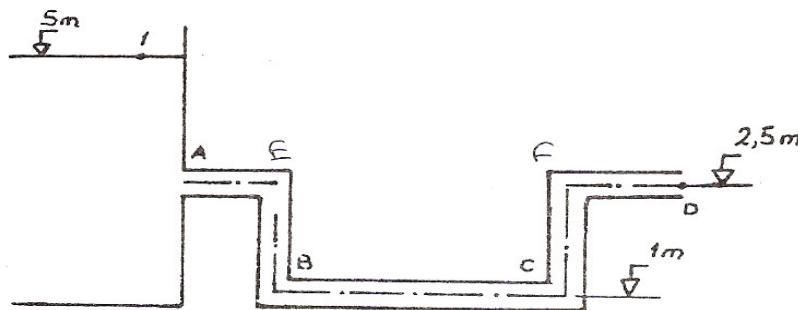
$$H_{P3,r} = 4.75 \text{ m}$$

$$H_{PB,r} = 1 \text{ m}$$

Soru 5 : Aşağıda gösterilen borunun AB ve CD bölgelerinde boru çapı 0.2 m dir. Akışkanın ideal olduğunu kabul ederek

- Borunun BC bölgesinde çap 0.15 m iken, sistemin çeşitli noktalarında hızları ve debiyi hesaplayınız; rölatif enerji ve piyezometre çizgilerini çiziniz.
- Aynı debi için B bölgesindeki minimum çapı belirleyiniz.

(Suyun mutlak buharlaşma basıncı=2.26 kPa; Patm=101.325 kPa)



Hazne yüzeyi (1) ile çıkış kesiti (D) arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma_{\text{su}}} + z_1 = \frac{V_D^2}{2g} + \frac{P_D}{\gamma_{\text{su}}} + z_D$$

$$\forall_{\text{hazne}} \rightarrow \infty \Rightarrow V_1 \approx 0$$

$$P_1 = P_D = P_{\text{atm}}$$

$$z_1 - z_D = 5 - 2.5 = 2.5 \text{ m}$$

$$\Rightarrow V_D = \sqrt{2g \cdot (z_1 - z_D)} \Rightarrow V_D = 7.00 \text{ ms}^{-1}$$

$$Q = V_A \cdot A_A = V_B \cdot A_B = V_C \cdot A_C = V_D \cdot A_D = 0.22 \text{ m}^3 \text{ s}^{-1}$$

$$D_{AB} = D_{CD} = D_D \Rightarrow V_{AB} = V_{CD} = V_D = 7.00 \text{ ms}^{-1}$$

$$Q = V_{BC} \cdot A_{BC} = 0.22 \text{ m}^3 \text{ s}^{-1} \Rightarrow V_{BC} = 12.45 \text{ ms}^{-1}$$

Ideal Akışkanların Bir Boyutlu Akımları

1 ile BC arasındaki herhangi bir nokta arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma_{su}} + z_1 = \frac{V_{BC}^2}{2g} + \frac{P_{BC}}{\gamma_{su}} + z_C$$

$$\forall_{\text{hzne}} \rightarrow \infty \Rightarrow V_1 \approx 0$$

$$P_{1,m} = P_{Atm,m} = 101.325 \text{ kPa}$$

$$\gamma_{su} = 9.81 \text{ kN m}^{-3}$$

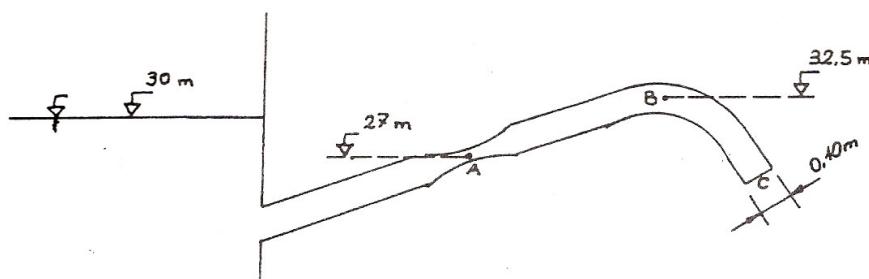
$$P_{BC,m} = 2.26 \text{ kPa}$$

$$\Rightarrow V_{BC} = 16.63 \text{ m s}^{-1}$$

$$Q = V_{BC} \cdot A'_{BC} = 16.44 \frac{\pi D'^2_{BC}}{4} = 0.22 \text{ m}^3 \text{s}^{-1}$$

$$\Rightarrow D'_{BC} = 0.13 \text{ m} = D_{\min}$$

Soru 6: Aşağıda şekli verilen sistemde debi 50 l/s 'dir. İdeal akışkan kabulu yaparak; A noktasındaki boru çapı ne olmalıdır ki A ve B noktalarındaki basınç değerini birbirine eşit olsun?



$$Q = 50 \text{ l s}^{-1} = 0.05 \text{ m}^3 \text{s}^{-1}$$

$$P_A = P_B$$

$$D_C = 0.10 \text{ m}$$

$$Q = V_C \cdot A_C \Rightarrow V_C = 6.37 \text{ m s}^{-1}$$

(A) ile (B) arasında Bernoulli Denklemi:

$$\frac{V_A^2}{2g} + \frac{P_A}{\gamma_{su}} + z_A = \frac{V_B^2}{2g} + \frac{P_B}{\gamma_{su}} + z_B$$

$$P_A = P_B$$

$$\frac{V_A^2}{2g} + 27 = \frac{V_B^2}{2g} + 32.5$$

$$V_A = 12.19 \text{ m s}^{-1}$$

$$Q = V_A \cdot A_A = 12.19 \frac{\pi D_A^2}{4} = 0.05 \text{ m}^3 \text{s}^{-1}$$

$$\Rightarrow D_A = 0.072 \text{ m}$$